



## Early Journal Content on JSTOR, Free to Anyone in the World

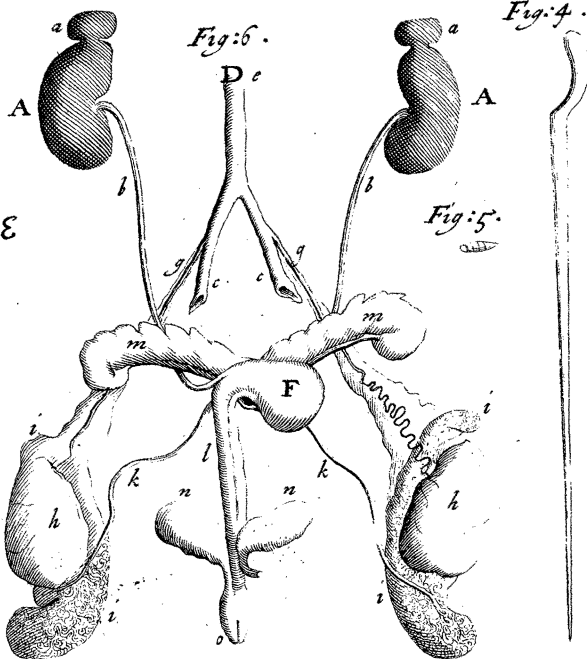
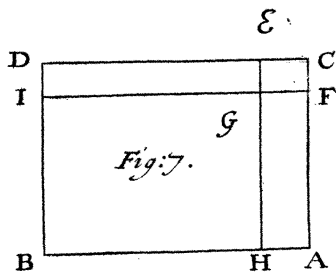
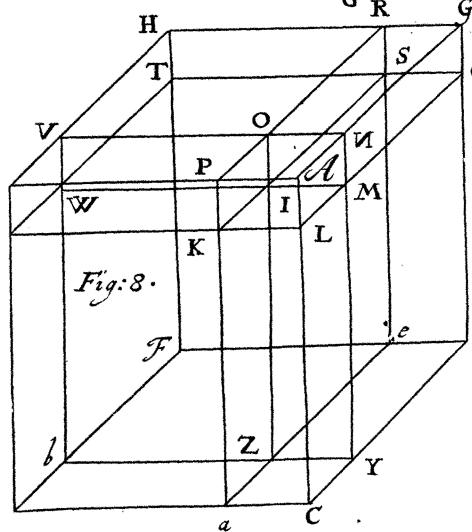
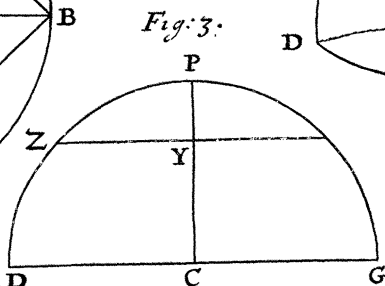
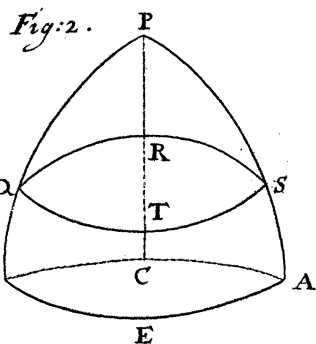
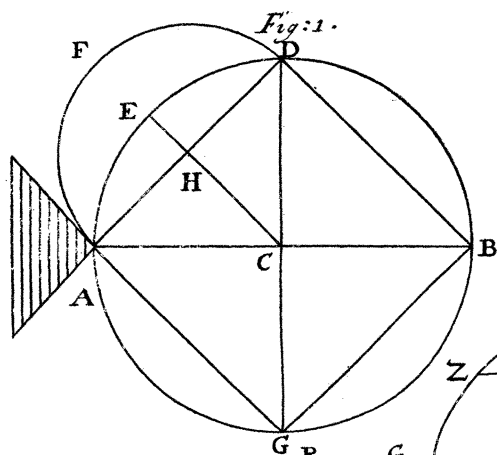
This article is one of nearly 500,000 scholarly works digitized and made freely available to everyone in the world by JSTOR.

Known as the Early Journal Content, this set of works include research articles, news, letters, and other writings published in more than 200 of the oldest leading academic journals. The works date from the mid-seventeenth to the early twentieth centuries.

We encourage people to read and share the Early Journal Content openly and to tell others that this resource exists. People may post this content online or redistribute in any way for non-commercial purposes.

Read more about Early Journal Content at <http://about.jstor.org/participate-jstor/individuals/early-journal-content>.

JSTOR is a digital library of academic journals, books, and primary source objects. JSTOR helps people discover, use, and build upon a wide range of content through a powerful research and teaching platform, and preserves this content for future generations. JSTOR is part of ITHAKA, a not-for-profit organization that also includes Ithaka S+R and Portico. For more information about JSTOR, please contact [support@jstor.org](mailto:support@jstor.org).



*Clarissimo Viro, D. Guilielmo Pontio, Anglice  
Bridgeman, Johannes Wallis. S.*

Oxoniæ, Sept. 2. 1692.

**A**ccepi, Vir Clarissime, nudius tertius (noctu decubitus) Literas tuas pridie datas Londini (Augusti 30. sera nocte ;) quibus heri non vacabat, alias occupato, respondere : Eisque inclusam Chartulam, typis impressam, cui ascriptus est dies 4 April. 1692. Quam as Florentia te accepisse mihi mittendam. Cui responsum meum expetis, quod Florentiam te remissurum polliceris.

Continet ea Chartula Ænigma Geometricum, quod (verborum involucris exemptum) hoc innuere judico Problema ; Ab Hemisphærii curva superficie, Segmenta quatuor inter se æqualia sic amputare, ut reliquum sit Tetragonismi capax.

Simulque videtur innuere, In veteris Græciæ monumentis etiamnum extare quidpiam quo illud fiat.

Hoc esse existimo Hippocratis Chii Quadraturam Lunulæ.

Quippe cum Archimedes demonstravit, Curvam Hemisphærii superficiem æqualem duobus Circulis ejusdem Spæræ maximis, (id est quatuor Semicirculis;) Docuitque Hippocrates Chius Lunulam quadrare quandam : Si singulis Hemisphærici hujusce Fornicis quadrantibus, tantundem eximatur, quanto deficit à Semicirculo ea Lunula ; Reliquum æquabitur Quadrato, quod Circulo Spæræ maximo (cui hic insistit Fornix Hemisphæricus) inscribatur.

Sic habes, Vir Clarissime, tum Ænigmatis Enodationem, tum Solutionem Problematis.

*Si tamen, præter Ænigmaticam Problematis involu-  
tionem, subsit aliquid (de Templo) Historicum: putave-  
rim ego, S. Sophiæ (quod est Constantinopoli) Templum  
hic insinuat.*

## SCOLIUM.

Fig. 1. Per Hippocrates Chii Quadraturam Lunulæ (1<sup>o</sup> Physi-  
corum Aristotelis, & Simplicii in eum locum Commen-  
tariis, indicatam,) Si semicirculo ABD, in duos qua-  
drantes ACD BCD deviso, aptetur AD subtensa qua-  
drantalibus arcus, radio CE bisecta in H: & centro H  
scribatur semicirculus ADF: Erit (propter quadratum  
rectæ AD subduplum quadrati rectæ AB) semicirculus  
ADF subduplus semicirculi ABD; adeoque quadranti  
ACD æqualis. Et (dempto utrinque communi seg-  
mento ADE) residua Lunula AEDF residuo Triangu-  
lo ADC æqualis. Talesque quatuor Lunulæ, talibus  
quatuor Triangulis; hoc est, Quadrato toti circulo in-  
scripto ADBG.

Porro; per Archimedis demonstrata; Æquatur Sphæ-  
ræ superficies, quatuor Circulis in ea Sphæra Maximis.  
Adeoque Hemisphærii superficies curva, talibus quatuor  
Semicirculis: talisque superficiei Hemisphæricæ Qua-  
drans, uni semicirculo.

Fig. 2. Circulus ADBG esto jam Basis Hemisphæricæ super-  
ficiæ curvæ: cujus polus P, axis CP, plano basis per-  
pendicularis, ejusque quadrans unus DPA; qui plano  
EPC per axem transeunte bisecetur.

Ponantur item (ob commodiorem calculum) Circuli  
radius  $R$ , diameter  $D=2R$ , peripheria  $P$ , expositus ar-  
cus  $a$ .

Positoque quadrantali arcu  $DEA = a = \frac{1}{4}P$ ; est semicirculus  $ABD = a R = \frac{1}{4}RP$ : triangulum  $ADC = \frac{1}{4}R = \frac{1}{4}RD$ ; reliquumque semicirculi (dempto hoc triangulo)  $\frac{1}{4}RP - \frac{1}{4}RD$ ; cui æquale auferendum est ex  $DPA$  (quadrante superficiei hemisphæricæ curvæ, æquali semicirculo  $ABD$ ) quo residuum æquetur exposito triangulo  $ADC$ .

Quod quum variis modis fieri possit; per ea quæ nos dudum docuimus Anno 1659. (ad calcem Tractatus de *Cycloide*, tum Editi, pag. 122. inferenda ad § 68.) iterumque Anno 1670 (in Tractatus de *Motu* capite V, prop. 24.) de *Figura Plana, æquali cuiusvis in superficie Sphæricæ figuræ, circulis quibusvis (sive maximis, sive minoribus) terminatæ*. Sic fiat simplicissime;

Cum superficiei Sphæricæ segmenta, parallelis planis abscissa, sint Axis segmentis proportionalia (quod de exposita quadrantalis Cunei superficie  $DPA$  pariter valet:) Si sumatur, in axe  $CP$ , ut semicirculus  $\frac{1}{4}RP$ , ad semicirculum dempto triangulo  $\frac{1}{4}RP - \frac{1}{4}RD$ ; hoc est, ut  $P$  ad  $P-D$ ; sic  $CP$  ad  $CY$ : (sive, quod tantundem est, ut  $P$  ad  $D$ , sic  $CP$  ad  $PY$ ;) planum per  $YZ$  basi parallelum, abscindet hujus superficiei curvæ portionem polo adjacentem, æqualem triangulo  $ADC$ . Quod cum, in reliquis superficiei curvæ quadrantibus, pariter fiat: æquabitur totum Abscissum (Polo adjacens) toti quadrato basi inscripto: Et sic tensum ut oportuit. Quod erat faciendum.

Vel sic brevius. Est Hemisphærii superficies curva (utpote duobus circulis maximis æqualis)  $= RP$ . Quadratum circulo maximo inscriptum,  $= 2RR = RD$ . Illudque ad hoc, ut  $P$  ad  $D$ . Adeoque (propter segmenta superficiei parallelis planis abscissa, segmentis axis proportionalia) sumptis  $CP$  ad  $PY$  ut  $P$  ad  $D$ , erit tum tota superficies  $= RP$ , tum portio ad Polum, plano  $ZY$

abscissa,  $=RD$  quadrato basi inscripto. Quod erat faciendum.

Si dicatur ; Processum hic esse ex præsumpti Circuli Quadratura, aut ratione quam habet circuli Perimeter ad Diametrum : Id omnino verum est. Sed non est objiciendum. Quia non postulat *Ænigma* propositum, ut Hemisphæricæ superficiei portiones *Abscissæ*, (quas *Fenestras* vocat) sed ut portio *Superstes*, sit Tetragonismi capax. Et quidem si utrumque postularet, postularet Circuli quadraturam absolute Geometricam : quod haberi non posse satis constat.

Opificium quod spectat ; super basem planam, extra basem Hemisphærii positam, sed ipsi contiguam ; cuius duo latera in angulum coeant ad *A*, intra protractas *DA GA* rectas, (quo *Fenestrarum* quas vocat utrinque adjacentium liber prospectus pateat, non impeditus,) extruatur Moles satis firma ; ita quidam ut, assurgente structura, promineat ejus Acies, angulo suffulta, circuli arcum efficiens qualis est *DZ*, ad altitudinem *Y* assurgens. Et similiter ad reliquos angulos *DBG*. Atque his demum structuris (quasi totidem Columnis) ad eam altitudinem provectis, imponatur Testudo, sic intus excavata ut poscit Hemisphærica superficies. Adeoque totum opus imperatum obsoletur.

Fig. 2.

#### ALITER.

Idem fiet si, pro Quadrato basi inscripto, exponatur Quadratum quodvis  $QQ$ , (quod minus sit quam Hemisphærica superficies curva.) Quippe si sumatur, ut  $RP$  (hemisphærica superficies curva) ad  $QQ$  (expositum Quadratum,) sic  $CP$  (axis hemisphærii) ad  $PT$  (axis portionem polo adjacentem ; ) planum  $ZT$  (basi parallelum) abscindet portionem superficiei sphericæ Tetragonismi capacem : Utpote æqualem exposito quadrato  $QQ$ .

ALITER

## A L I T E R.

Idem sic aliter absolvi potest ; sed majore sollicitudine.

Cum sit (ut jam ostensum est) Hemisphæricæ superficiei curvæ Quadrans DPA, æqualis Semicirculo ABD; ejusque segmenta planis basi parallelis abscissa, segmentis Axis proportionalia: Sumatur in DP quadrantali arcu, arcus PQ graduum 60; (quod mihi *Caswellus* suggerit.) Fig. 2.  
 Polo P descriptus Circulus QTS bisecabit Axem (propter sinum versum grad. 60.  $= \frac{1}{2}R$ ;) adeoque quadrantem hemisphæricæ superficiei curvæ DPA dirimet in duo segmenta inter se æqualia. Quorum alterum, DQTSA quadrilinium, æquat quadrantem circulearem BCD; reliquumque Trilineum PQTS æquat quadrantem ACD. Unde si porro auferatur QRST bilineum, æquale segmento circuli ADE: reliquum trilineum PQRS, æquabat ADC triangulum. Taliaque quatuor, in quatuor Quadrantibus Hemisphærii, æquabunt Quadratum basi inscriptum. Habebitur autum illud Bilineum per ea quæ nos dudum docuimus locis modo citatis.

Idem universalius sic fiet.

Sumpto Q ubivis in arcu DZ (ne major sit DQ quam DZ;) Et, Quanto deficit quadrilineum DQTSA à toto auferendo, tantundem suppleat Bilineum QRST: Reliquum æquabit ADC triangulum.

Et quidem, si sumatur Q in D (quo evanescat Quadrilineum) sumendum erit Bilineum æquale toti auferendo. Sin sumatur Q in Z (ut Bilineo non sit opus) æquabitur Quadrilineum toti auferendo.

Eademque omnia (de Quadrilineo & Bilineo quæ simul compleant totum auferendum) pariter accommodanda erunt (mutatis mutandis) si, pro Quadrato basi inscripto,

inſcripto, ſubſtituatur  $Q Q$  quadratum quodvis ; quod tota ſuperficie curva hemiſphærica non ſit majus.

Sed quum proceſſus hic (de bilineo ſumendo) ſit paulo operoſior ; ſufficit ſimplicioſiorem praxin adhibuiſſe.

## MONITUM.

Postquam hæc ſcripta fuerant, erantque ſub prelo, reſcivi tandem huic idem Problemati reſponſum dediſſe Cl. Virum D. *Leibnitz*, illudq; in *Actis Lipſicis* comparere pro Menſe *Junio* 1692. Quod fecit ut prelum ſuſſlaminandum curaverim per aliquot ſeptimanas donec illud conſpicerem ; quod ægre tandem obtinui (nam apud Bibliopolas noſtros liber non eſtabat) exeunte *Decembri* noſtro. Videoque Cl. Virum juxta mecum ſentire, non eſſe *Problema Determinatum*, ſed mille modis (nedum infinitis) ſolubile. Methodum ejus non repeto. Quam ibi quærat Lector, ut utramque ſi libet conferat. Citat ille ſuam *Geometriam Incomparabilium, & Analyſin Infinitorum*, in *Actis Eruditorum* exiſtantes ; ſed quas ego nondum vidi (nam eorum libri ſero ad nos perveniunt) nec tamen inde minus æſtimo ; ſed tanto Viro dignas præſumo. Et quidem, ſi tempori vidiffem, potuiſſem cum *Newtoni & Gregorii* methodis (his forte non abſimiles) noſtris inferuiſſe. Sed, cum alibi exiſtent, id minus erit opus. Eſt ejus Solutio Problematis (ſatis ingenioſa) ex comparatis ſuperficiebus Sphærica & Cyhndrica, atque Ungularum Doctrina (quas & nos alibi tractavimus) petita ; & ſecundum *Indiviſibilium* methodum demonſtrata ; (aliis interim adhibitis lineis quam Circularibus ; ) eodem die præſtita (ut in re non admodum difficili) quo acceperit Problema. Nec in Problemate requiri exiſtimat (uti nec ego) ut partes *Abſciſſæ* ſed ſaltem ut pars *Reſidua* ſit Quadrabilis.